

CAMP ELÈCTRIC

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q} \text{ [N/C]} ; \vec{F}_{el} = k \cdot \frac{q q'}{r^2} \hat{r} ; F_a = k \frac{q q}{r^2}$$
$$\vec{E} = k \frac{Q}{r^2} \hat{r} \quad \hat{r}_{12} = \frac{\vec{r}_{12}}{|\vec{r}_{12}|} \quad k = 9 \cdot 10^9$$

- Creat per una distribució de càrregues elèctriques puntuals

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \vec{E}_4 + \dots + \vec{E}_n = \sum \vec{E}_i = \sum k \frac{Q_i}{r_i^2} \hat{r}_i$$

POTENCIAL ELÈCTRIC

- D'una càrrega puntual Q en un punt A a distància r

→ treball canviat de signe que realitza la força elèctrica efectuada per la càrrega Q quan desplaça una altra càrrega puntual $+1C$ des de l'infinit fins a A

$$V_A = -W_{\infty \rightarrow A} ; V_A = k \frac{Q}{r_A}$$

* De potencials
alts a potencials
baixos.

- Creat per una distribució de càrregues

$$V_A = V_1 + V_2 + V_3 + \dots + V_4 + V_n = \sum_{i=1}^n V_i$$

- Diferència de potencial elèctric entre dos punts

→ treball canviat de signe realitzat per la força elèctrica per desplaçar una càrrega puntual de $+1C$ des de B fins a A .

$$\Delta V = V_A - V_B = -W_{B \rightarrow A}$$

$$\Delta V = V_A - V_B = kQ \left(\frac{1}{r_A} - \frac{1}{r_B} \right)$$

$+Q \rightarrow \vec{E}$ cap enfora i

sentit en què $V \downarrow$

$-Q \rightarrow \vec{E}$ endins i

sentit en què $V \downarrow$

ENERGIA POTENCIAL ELÈCTRICA

$$E_{pA} = Q' \cdot V_A \quad ; \quad E_p = k \cdot \frac{Q Q'}{r}$$

• Variació d'energia potencial

$$W = -\Delta E_p = -(E_{pB} - E_{pA}) = (Q' V_B - Q' V_A) = Q' \Delta V$$

$$* W_{\text{sistema}} = -\Delta E_p$$

$$* W_{\text{exterior}} = \Delta E_p$$

• Principi de conservació de l'energia

$$\Delta E = \Delta E_c + \Delta E_p = 0$$

$$\Delta E_c + \Delta E_p = W_{\text{fnc}}$$

Electronvolt (eV) \rightarrow energia cinètica que adquireix un electró quan supera una diferència potencial ΔV

$$1 \text{ eV} = q_e \cdot \Delta V = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

• Energia potencial d'un sistema de càrregues

$$E_{p_{1,2,\dots,n}} = \sum_{i < j} k \frac{q_i q_j}{r_{ij}}$$

SUPERFÍCIES EQUIPOTENCIALS

\rightarrow Movem les càrregues d'un lloc a un altre i tenen

$$W_{\text{eaball}} = 0$$

• Relació entre el camp elèctric i el potencial

$$\Delta E_p = -W, \quad dE_p = \vec{F} \cdot d\vec{r} \quad ; \quad dV = -\vec{E} \cdot d\vec{r}$$

$$E = -\frac{\Delta V}{\Delta x}$$

FORÇA MAGNÈTICA

- Sobre una càrrega elèctrica en moviment

$$F = |q| \cdot v \cdot B \cdot \sin \varphi ; \vec{F} = q(\vec{v} \times \vec{B})$$

- Moviment d'una càrrega en presència d'un camp magnètic

$$R = \frac{m \cdot v}{|q| B} = \frac{p}{|q| B} ; \omega = \frac{v}{R}$$

$$f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{|q| B}{2\pi m} ; E_c = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m \left(\frac{|q| B R}{m} \right)^2 = \frac{1}{2} \frac{(|q| B R)^2}{m}$$

- Selector de velocitats

$$\vec{F} = q(\vec{E} + (\vec{v} \times \vec{B})) = m \cdot \vec{a} = 0$$

$$F_{el} = F_{mag}$$

$$|q| \cdot \vec{E} = |q| v \cdot \vec{B} ; v = \frac{E}{B} = \frac{\Delta V}{B d}$$

- Espectòmetre de masses

$$F_{mag} = m \cdot a_n$$

$$|q| v B \cdot \sin \varphi = m \cdot a_n \rightarrow q v B \sin \varphi = m \frac{v^2}{R}$$

$$R = \frac{m v}{q B} \rightarrow \frac{q}{m} = \frac{v}{B R}$$

- ciclotró

$$F_{mag} = m a_n = m \cdot \omega^2 \cdot R = m \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2 \cdot R$$

$$|q| v B = m \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2 \frac{m v}{q B} ;$$

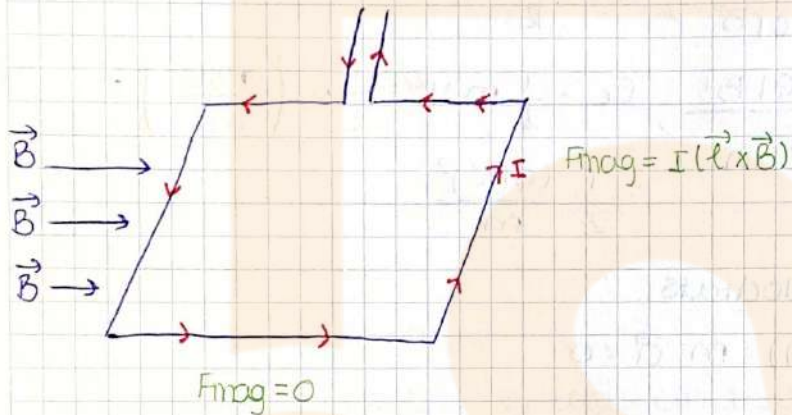
$$T = \frac{2\pi m}{|q| B} ; f = \frac{|q| B}{2\pi m}$$

- Força electromagnètica sobre un conductor

$$\vec{F}_{\text{mag}} = I(\vec{l} \times \vec{B}) \quad F = I l B \sin \alpha$$

$$I = \frac{q}{t} ; v = \frac{l}{t}$$

- Força sobre una espira rectangular



- camp magnètic creat per un conductor rectilini infinit

$$B = \frac{\mu I}{2\pi r}$$

$$\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ T} \cdot \text{m} \cdot \text{A}^{-1}$$

$$\mu_r = \frac{\mu}{\mu_0}$$

- creat per una espira

$$B = \frac{\mu I(N)}{2R}$$

- creat per un solenoide o bobina

$$B = \mu_0 \cdot n \cdot I$$

$$n = \frac{N}{l} \rightarrow \text{nre d'espires}$$

densitat d'espires

- Forces entre dos conductors paral·lels i infinits

$$\vec{F} = I(\vec{l} \times \vec{B}); F = I \cdot l \cdot B \cdot \sin \beta$$

$$\frac{F_1}{l} = \frac{F_2}{l} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi d}$$

FLUX MAGNÈTIC

$$\Phi = B \cdot S \cdot \cos \varphi \text{ [wb]}$$

- Llei de Faraday-Lenz \rightarrow FEM induïda pel moviment d'un conductor

$$\mathcal{E} = \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = N \frac{d\Phi}{dt} \rightarrow \mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt}$$

- Força electromotriu induïda pel moviment d'un conductor

$$\sum \vec{F} = 0; F_{el} = F_{mag}; |q_1| E = |q_1| v B \sin \varphi$$

$$E = v B; \frac{\Delta v}{l} = v B; \Delta v = v B l; IR = v B l; I = \frac{v B l}{R}$$

- Afegim una força

$$\mathcal{E}_{ind} = -N \frac{d\Phi}{dt} = -N \frac{d(B S \cos \varphi)}{dt} = -B \frac{dS}{dt} = -B l v$$

$$S(t) = S_0 + l v t$$

EL TRAFIO

- Transformador ideal (no pèrdues)

$$\Phi_p = \Phi_s$$

$$\frac{E_p}{E_s} = \frac{N_p}{N_s} \rightarrow \frac{N_p}{N_s} = r_t \rightarrow \text{relació de transformació}$$

$$P_p = P_s$$

$$\frac{E_p}{E_s} = \frac{I_s}{I_p} = \frac{N_p}{N_s}$$

$r_t > 1 \rightarrow E_p > E_s$ trafo reductor
 $r_t = 1 \rightarrow E_p = E_s$ separació d'et.
 $r_t < 1 \rightarrow$ trafo elevador

GENERADORS CORRENT ELÈCTRIC

• Alternador → genera CA

$$\Phi = \vec{B} \cdot \vec{S} = B \cdot S \cdot \cos\varphi = B \cdot S \cdot \cos(\omega t + \varphi_0)$$

$$\Phi \neq \text{cnt} \rightarrow \mathcal{E}_{\text{ind}} = - \frac{d\Phi}{dt}$$

$$\mathcal{E} = - \frac{d\Phi}{dt} = - \frac{d(B \cdot S \cdot \cos\omega t + \varphi_0)}{dt} = -BS(-\sin(\omega t + \varphi_0))\omega$$

$$\mathcal{E} = \underbrace{B \cdot S \cdot \omega}_{\text{cnt}} \sin(\omega t + \varphi_0)$$

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R} = \frac{B \cdot S \cdot \omega}{R} \cdot \sin(\omega t + \varphi_0) = I_0 \sin(\omega t + \varphi_0)$$

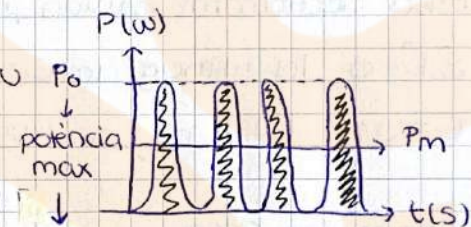
valor màxim = amplitud (E_0, I_0)

• Potència dissipada al resistor

$$P = VI \rightarrow \text{corrent continu } P_0$$

$$P = EI \rightarrow \text{corrent altern}$$

$$= E_0 \sin(\omega t) I_0 \sin(\omega t)$$



$$P_0 = E_0 I_0$$

$$I_0^2 \cdot R = \frac{E_0^2}{R}$$

≡ Potència consumida

$$P_m = \frac{1}{2} R I_0^2$$

• valors eficaços d'un corrent altern → $P_m = \frac{1}{2} E_0 I_0$ $P = E_{\text{ef}} \cdot I_{\text{ef}}$

$$I_{\text{ef}} = \frac{I_0}{\sqrt{2}} ; E_{\text{ef}} = \frac{E_0}{\sqrt{2}}$$

$$P_m = \frac{1}{2} E_0 I_0 = E_{\text{ef}} \cdot I_{\text{ef}}$$

$$P_m = E_{\text{ef}} \cdot I_{\text{ef}} = I_{\text{ef}}^2 \cdot R = \frac{E_{\text{ef}}^2}{R}$$